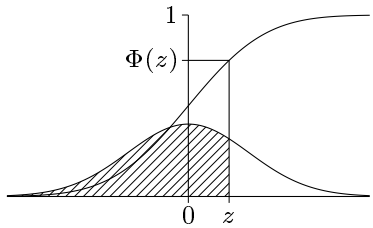
TABLES DE PROBABILITÉS ET STATISTIQUE

A. **Tables de Probabilités et Statistique usuelles**

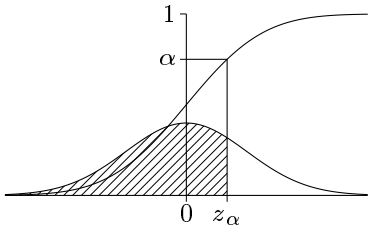
A.1. Loi normale $\mathcal{N}(0,1)$



1° *Fonction de répartition de la loi Normale.* — La fonction de répartition Φ de la loi normale $\mathcal{N}(0,1)$ est définie par $\Phi(z) = \int_{-\infty}^{z} \mathrm{e}^{-u^2/2}\,\mathrm{d}u/\sqrt{2\pi}$, $z \in \mathbf{R}$. Pour tout $z \in \mathbf{R}$, on a $\Phi(z) = 1 - \Phi(-z)$.

z	0.00	0.01	0.02	0.03	0.04	0.05	0.06	0.07	0.08	0.09
0.0	0.5000	0.5040	0.5080	0.5120	0.5160	0.5199	0.5239	0.5279	0.5319	0.5359
0.1	0.5398	0.5438	0.5478	0.5517	0.5557	0.5596	0.5636	0.5675	0.5714	0.5753
0.2	0.5793	0.5832	0.5871	0.5910	0.5948	0.5987	0.6026	0.6064	0.6103	0.6141
0.3	0.6179	0.6217	0.6255	0.6293	0.6331	0.6368	0.6406	0.6443	0.6480	0.6517
0.4	0.6554	0.6591	0.6628	0.6664	0.6700	0.6736	0.6772	0.6808	0.6844	0.6879
0.5	0.6915	0.6950	0.6985	0.7019	0.7054	0.7088	0.7123	0.7157	0.7190	0.7224
0.6	0.7257	0.7291	0.7324	0.7357	0.7389	0.7422	0.7454	0.7486	0.7517	0.7549
0.7	0.7580	0.7611	0.7642	0.7673	0.7704	0.7734	0.7764	0.7794	0.7823	0.7852
0.8	0.7881	0.7910	0.7939	0.7967	0.7995	0.8023	0.8051	0.8078	0.8106	0.8133
0.9	0.8159	0.8186	0.8212	0.8238	0.8264	0.8289	0.8315	0.8340	0.8365	0.8389
1.0	0.8413	0.8438	0.8461	0.8485	0.8508	0.8531	0.8554	0.8577	0.8599	0.8621
1.1	0.8643	0.8665	0.8686	0.8708	0.8729	0.8749	0.8770	0.8790	0.8810	0.8830
1.2	0.8849	0.8869	0.8888	0.8907	0.8925	0.8944	0.8962	0.8980	0.8997	0.9015
1.3	0.9032	0.9049	0.9066	0.9082	0.9099	0.9115	0.9131	0.9147	0.9162	0.9177
1.4	0.9192	0.9207	0.9222	0.9236	0.9251	0.9265	0.9279	0.9292	0.9306	0.9319
1.5	0.9332	0.9345	0.9357	0.9370	0.9382	0.9394	0.9406	0.9418	0.9429	0.9441
1.6	0.9452	0.9463	0.9474	0.9484	0.9495	0.9505	0.9515	0.9525	0.9535	0.9545
1.7	0.9554	0.9564	0.9573	0.9582	0.9591	0.9599	0.9608	0.9616	0.9625	0.9633
1.8	0.9641	0.9649	0.9656	0.9664	0.9671	0.9678	0.9686	0.9693	0.9699	0.9706
1.9	0.9713	0.9719	0.9726	0.9732	0.9738	0.9744	0.9750	0.9756	0.9761	0.9767
2.0	0.9772	0.9778	0.9783	0.9788	0.9793	0.9798	0.9803	0.9808	0.9812	0.9817
2.1	0.9821	0.9826	0.9830	0.9834	0.9838	0.9842	0.9846	0.9850	0.9854	0.9857
2.2	0.9861	0.9864	0.9868	0.9871	0.9875	0.9878	0.9881	0.9884	0.9887	0.9890
2.3	0.9893	0.9896	0.9898	0.9901	0.9904	0.9906	0.9909	0.9911	0.9913	0.9916
2.4	0.9918	0.9920	0.9922	0.9925	0.9927	0.9929	0.9931	0.9932	0.9934	0.9936
2.5	0.9938	0.9940	0.9941	0.9943	0.9945	0.9946	0.9948	0.9949	0.9951	0.9952
2.6	0.9953	0.9955	0.9956	0.9957	0.9959	0.9960	0.9961	0.9962	0.9963	0.9964
2.7	0.9965	0.9966	0.9967	0.9968	0.9969	0.9970	0.9971	0.9972	0.9973	0.9974
2.8	0.9974	0.9975	0.9976	0.9977	0.9977	0.9978	0.9979	0.9979	0.9980	0.9981
2.9	0.9981	0.9982	0.9982	0.9983	0.9984	0.9984	0.9985	0.9985	0.9986	0.9986

Exemples. — $\Phi(0{,}25) \approx 0{,}5987$, $\Phi(-0{,}32) = 1 - \Phi(0{,}32) \approx 1 - 0{,}6255 = 0{,}3745$.



2° *Quantiles de la loi Normale.* — Pour $\alpha \in]0,1[$, le quantile d'ordre α de la loi Normale est $z_\alpha = \Phi^{-1}(\alpha)$. Pour tout $\alpha \in]0,1[$, on a $\Phi^{-1}(\alpha) = -\Phi^{-1}(1-\alpha)$.

α	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,5	0,0000	0,0251	0,0502	0,0753	0,1004	0,1257	0,1510	0,1764	0,2019	0,2275
0,6	0,2533	0,2793	0,3055	0,3319	0,3585	0,3853	0,4125	0,4399	0,4677	0,4959
0,7	0,5244	0,5534	0,5828	0,6128	0,6433	0,6745	0,7063	0,7388	0,7722	0,8064
0,8	0,8416	0,8779	0,9154	0,9542	0,9945	1,0364	1,0803	1,1264	1,1750	1,2265
0,9	1,2816	1,3408	1,4051	1,4758	1,5548	1,6449	1,7507	1,8808	2,0537	2,3263

α	0,990	0,991	0,992	0,993	0,994	0,995	0,996	0,997	0,998	0,999
$\Phi^{-1}(\alpha)$	2,3263	2,3656	2,4089	2,4573	2,5121	2,5758	2,6521	2,7478	2,8782	3,0902

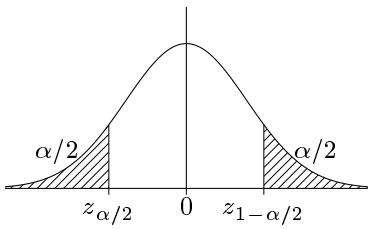
α	0,9990	0,9991	0,9992	0,9993	0,9994	0,9995	0,9996	0,9997	0,9998	0,9999
$\Phi^{-1}(\alpha)$	3,0902	3,1214	3,1559	3,1947	3,2389	3,2905	3,3528	3,4316	3,5401	3,7190

Exemples. — On a $\Phi^{-1}(0{,}75) \approx 0{,}6745$, $\Phi^{-1}(0{,}995) \approx 2{,}5758$, $\Phi^{-1}(0{,}9995) \approx 3{,}2905$; ainsi que $\Phi^{-1}(0{,}25) \approx -0{,}6745$, $\Phi^{-1}(0{,}005) \approx -2{,}5758$, $\Phi^{-1}(0{,}0005) \approx -3{,}2905$.

3° *Quantiles (bis) de la loi Normale.* — Si Z est une variable aléatoire suivant la loi normale $\mathcal{N}(0,1)$, la table donne, pour α fixé, la valeur $z_{1-\alpha/2}$ telle que

$$\mathbf{P}\{|Z| \geq z_{1-\alpha/2}\} = \alpha.$$

Ainsi, $z_{1-\alpha/2}$ est le quantile d'ordre $1-\alpha/2$ de la loi normale $\mathcal{N}(0,1)$.



α	0,00	0,01	0,02	0,03	0,04	0,05	0,06	0,07	0,08	0,09
0,0	∞	2,5758	2,3263	2,1701	2,0537	1,9600	1,8808	1,8119	1,7507	1,6954
0,1	1,6449	1,5982	1,5548	1,5141	1,4758	1,4395	1,4051	1,3722	1,3408	1,3106
0,2	1,2816	1,2536	1,2265	1,2004	1,1750	1,1503	1,1264	1,1031	1,0803	1,0581
0,3	1,0364	1,0152	0,9945	0,9741	0,9542	0,9346	0,9154	0,8965	0,8779	0,8596
0,4	0,8416	0,8239	0,8064	0,7892	0,7722	0,7554	0,7388	0,7225	0,7063	0,6903
0,5	0,6745	0,6588	0,6433	0,6280	0,6128	0,5978	0,5828	0,5681	0,5534	0,5388
0,6	0,5244	0,5101	0,4959	0,4817	0,4677	0,4538	0,4399	0,4261	0,4125	0,3989
0,7	0,3853	0,3719	0,3585	0,3451	0,3319	0,3186	0,3055	0,2924	0,2793	0,2663
0,8	0,2533	0,2404	0,2275	0,2147	0,2019	0,1891	0,1764	0,1637	0,1510	0,1383
0,9	0,1257	0,1130	0,1004	0,0878	0,0753	0,0627	0,0502	0,0376	0,0251	0,0125

α	10^{-3}	10^{-4}	10^{-5}	10^{-6}	10^{-7}	10^{-8}	10^{-9}
$z_{1-\alpha/2}$	3,2905	3,8906	4,4172	4,8916	5,3267	5,7307	6,1094

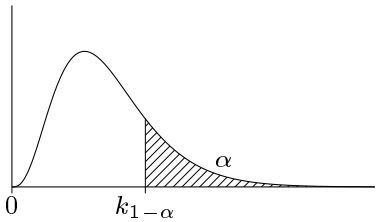
Exemples. — Pour $\alpha = 0{,}5$, on trouve $z \approx 0{,}6745$; pour $\alpha = 0{,}25$, on trouve $z \approx 1{,}1503$; pour $\alpha = 10^{-6}$, on trouve $z \approx 4{,}8916$.

A.2. Lois de Pearson

Si X est une variable aléatoire suivant la loi du χ^2, de Pearson, à ν degrés de liberté, la table donne, pour α fixé, la valeur $k_{1-\alpha}$ telle que

$$\mathbf{P}\{X \geq k_{1-\alpha}\} = \alpha.$$

Ainsi, $k_{1-\alpha}$ est le quantile d'ordre $1-\alpha$ de la loi du χ^2 à ν degrés de liberté.



ν \ α	0.990	0.975	0.950	0.900	0.100	0.050	0.025	0.010	0.001
1	0.0002	0.0010	0.0039	0.0158	2.7055	3.8415	5.0239	6.6349	10.8276
2	0.0201	0.0506	0.1026	0.2107	4.6052	5.9915	7.3778	9.2103	13.8155
3	0.1148	0.2158	0.3518	0.5844	6.2514	7.8147	9.3484	11.3449	16.2662
4	0.2971	0.4844	0.7107	1.0636	7.7794	9.4877	11.1433	13.2767	18.4668
5	0.5543	0.8312	1.1455	1.6103	9.2364	11.0705	12.8325	15.0863	20.5150
6	0.8721	1.2373	1.6354	2.2041	10.6446	12.5916	14.4494	16.8119	22.4577
7	1.2390	1.6899	2.1673	2.8331	12.0170	14.0671	16.0128	18.4753	24.3219
8	1.6465	2.1797	2.7326	3.4895	13.3616	15.5073	17.5345	20.0902	26.1245
9	2.0879	2.7004	3.3251	4.1682	14.6837	16.9190	19.0228	21.6660	27.8772
10	2.5582	3.2470	3.9403	4.8652	15.9872	18.3070	20.4832	23.2093	29.5883
11	3.0535	3.8157	4.5748	5.5778	17.2750	19.6751	21.9200	24.7250	31.2641
12	3.5706	4.4038	5.2260	6.3038	18.5493	21.0261	23.3367	26.2170	32.9095
13	4.1069	5.0088	5.8919	7.0415	19.8119	22.3620	24.7356	27.6882	34.5282
14	4.6604	5.6287	6.5706	7.7895	21.0641	23.6848	26.1189	29.1412	36.1233
15	5.2293	6.2621	7.2609	8.5468	22.3071	24.9958	27.4884	30.5779	37.6973
16	5.8122	6.9077	7.9616	9.3122	23.5418	26.2962	28.8454	31.9999	39.2524
17	6.4078	7.5642	8.6718	10.0852	24.7690	27.5871	30.1910	33.4087	40.7902
18	7.0149	8.2307	9.3905	10.8649	25.9894	28.8693	31.5264	34.8053	42.3124
19	7.6327	8.9065	10.1170	11.6509	27.2036	30.1435	32.8523	36.1909	43.8202
20	8.2604	9.5908	10.8508	12.4426	28.4120	31.4104	34.1696	37.5662	45.3147
21	8.8972	10.2829	11.5913	13.2396	29.6151	32.6706	35.4789	38.9322	46.7970
22	9.5425	10.9823	12.3380	14.0415	30.8133	33.9244	36.7807	40.2894	48.2679
23	10.1957	11.6886	13.0905	14.8480	32.0069	35.1725	38.0756	41.6384	49.7282
24	10.8564	12.4012	13.8484	15.6587	33.1962	36.4150	39.3641	42.9798	51.1786
25	11.5240	13.1197	14.6114	16.4734	34.3816	37.6525	40.6465	44.3141	52.6197
26	12.1981	13.8439	15.3792	17.2919	35.5632	38.8851	41.9232	45.6417	54.0520
27	12.8785	14.5734	16.1514	18.1139	36.7412	40.1133	43.1945	46.9629	55.4760
28	13.5647	15.3079	16.9279	18.9392	37.9159	41.3371	44.4608	48.2782	56.8923
29	14.2565	16.0471	17.7084	19.7677	39.0875	42.5570	45.7223	49.5879	58.3012
30	14.9535	16.7908	18.4927	20.5992	40.2560	43.7730	46.9792	50.8922	59.7031

Lorsque le degré de liberté ν est tel que $\nu > 30$, la variable aléatoire

$$Z = \sqrt{2X} - \sqrt{2\nu - 1}$$

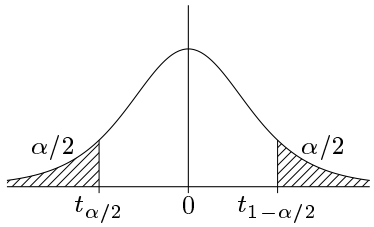
suit approximativement la loi normale centrée réduite.

A.3. Lois de Student

Si T est une variable aléatoire suivant la loi de Student à ν degrés de liberté, la table donne, pour α fixé, la valeur $t_{1-\alpha/2}$ telle que

$$\mathbf{P}\{|T| \geq t_{1-\alpha/2}\} = \alpha.$$

Ainsi, $t_{1-\alpha/2}$ est le quantile d'ordre $1-\alpha/2$ de la loi de Student à ν degrés de liberté.



ν \ α	0.900	0.500	0.300	0.200	0.100	0.050	0.020	0.010	0.001
1	0.1584	1.0000	1.9626	3.0777	6.3138	12.7062	31.8205	63.6567	636.6192
2	0.1421	0.8165	1.3862	1.8856	2.9200	4.3027	6.9646	9.9248	31.5991
3	0.1366	0.7649	1.2498	1.6377	2.3534	3.1824	4.5407	5.8409	12.9240
4	0.1338	0.7407	1.1896	1.5332	2.1318	2.7764	3.7469	4.6041	8.6103
5	0.1322	0.7267	1.1558	1.4759	2.0150	2.5706	3.3649	4.0321	6.8688
6	0.1311	0.7176	1.1342	1.4398	1.9432	2.4469	3.1427	3.7074	5.9588
7	0.1303	0.7111	1.1192	1.4149	1.8946	2.3646	2.9980	3.4995	5.4079
8	0.1297	0.7064	1.1081	1.3968	1.8595	2.3060	2.8965	3.3554	5.0413
9	0.1293	0.7027	1.0997	1.3830	1.8331	2.2622	2.8214	3.2498	4.7809
10	0.1289	0.6998	1.0931	1.3722	1.8125	2.2281	2.7638	3.1693	4.5869
11	0.1286	0.6974	1.0877	1.3634	1.7959	2.2010	2.7181	3.1058	4.4370
12	0.1283	0.6955	1.0832	1.3562	1.7823	2.1788	2.6810	3.0545	4.3178
13	0.1281	0.6938	1.0795	1.3502	1.7709	2.1604	2.6503	3.0123	4.2208
14	0.1280	0.6924	1.0763	1.3450	1.7613	2.1448	2.6245	2.9768	4.1405
15	0.1278	0.6912	1.0735	1.3406	1.7531	2.1314	2.6025	2.9467	4.0728
16	0.1277	0.6901	1.0711	1.3368	1.7459	2.1199	2.5835	2.9208	4.0150
17	0.1276	0.6892	1.0690	1.3334	1.7396	2.1098	2.5669	2.8982	3.9651
18	0.1274	0.6884	1.0672	1.3304	1.7341	2.1009	2.5524	2.8784	3.9216
19	0.1274	0.6876	1.0655	1.3277	1.7291	2.0930	2.5395	2.8609	3.8834
20	0.1273	0.6870	1.0640	1.3253	1.7247	2.0860	2.5280	2.8453	3.8495
21	0.1272	0.6864	1.0627	1.3232	1.7207	2.0796	2.5176	2.8314	3.8193
22	0.1271	0.6858	1.0614	1.3212	1.7171	2.0739	2.5083	2.8188	3.7921
23	0.1271	0.6853	1.0603	1.3195	1.7139	2.0687	2.4999	2.8073	3.7676
24	0.1270	0.6848	1.0593	1.3178	1.7109	2.0639	2.4922	2.7969	3.7454
25	0.1269	0.6844	1.0584	1.3163	1.7081	2.0595	2.4851	2.7874	3.7251
26	0.1269	0.6840	1.0575	1.3150	1.7056	2.0555	2.4786	2.7787	3.7066
27	0.1268	0.6837	1.0567	1.3137	1.7033	2.0518	2.4727	2.7707	3.6896
28	0.1268	0.6834	1.0560	1.3125	1.7011	2.0484	2.4671	2.7633	3.6739
29	0.1268	0.6830	1.0553	1.3114	1.6991	2.0452	2.4620	2.7564	3.6594
30	0.1267	0.6828	1.0547	1.3104	1.6973	2.0423	2.4573	2.7500	3.6460
40	0.1265	0.6807	1.0500	1.3031	1.6839	2.0211	2.4233	2.7045	3.5510
80	0.1261	0.6776	1.0432	1.2922	1.6641	1.9901	2.3739	2.6387	3.4163
120	0.1259	0.6765	1.0409	1.2886	1.6577	1.9799	2.3578	2.6174	3.3735
∞	0.1257	0.6745	1.0364	1.2816	1.6449	1.9600	2.3263	2.5758	3.2905

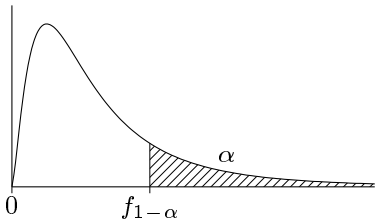
Lorsque $\nu = \infty$, $t_{1-\alpha/2}$ est le quantile d'ordre $1-\alpha/2$ de la loi normale $\mathcal{N}(0,1)$.

A.4. Lois de Fisher–Snedecor ($\alpha = 0,05$)

Si F est une variable aléatoire suivant la loi de Fisher–Snedecor à (ν_1, ν_2) degrés de liberté, la table donne la valeur $f_{1-\alpha}$ telle que

$$\mathbf{P}\{F \geq f_{1-\alpha}\} = \alpha = 0{,}05.$$

Ainsi, $f_{1-\alpha}$ est le quantile d'ordre $1 - \alpha = 0{,}95$ de la loi de Fisher–Snedecor à (ν_1, ν_2) degrés de liberté.



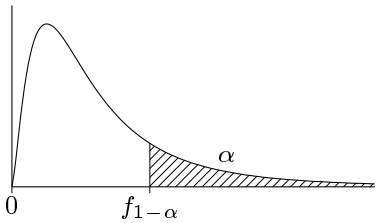
ν_2 \ ν_1	1	2	3	4	5	6	8	10	15	20	30	∞
1	161	200	216	225	230	234	239	242	246	248	250	254
2	18,5	19,0	19,2	19,2	19,3	19,3	19,4	19,4	19,4	19,4	19,5	19,5
3	10,1	9,55	9,28	9,12	9,01	8,94	8,85	8,79	8,70	8,66	8,62	8,53
4	7,71	6,94	6,59	6,39	6,26	6,16	6,04	5,96	5,86	5,80	5,75	5,63
5	6,61	5,79	5,41	5,19	5,05	4,95	4,82	4,74	4,62	4,56	4,50	4,36
6	5,99	5,14	4,76	4,53	4,39	4,28	4,15	4,06	3,94	3,87	3,81	3,67
7	5,59	4,74	4,35	4,12	3,97	3,87	3,73	3,64	3,51	3,44	3,38	3,23
8	5,32	4,46	4,07	3,84	3,69	3,58	3,44	3,35	3,22	3,15	3,08	2,93
9	5,12	4,26	3,86	3,63	3,48	3,37	3,23	3,14	3,01	2,94	2,86	2,71
10	4,96	4,10	3,71	3,48	3,33	3,22	3,07	2,98	2,85	2,77	2,70	2,54
11	4,84	3,98	3,59	3,36	3,20	3,09	2,95	2,85	2,72	2,65	2,57	2,40
12	4,75	3,89	3,49	3,26	3,11	3,00	2,85	2,75	2,62	2,54	2,47	2,30
13	4,67	3,81	3,41	3,18	3,03	2,92	2,77	2,67	2,53	2,46	2,38	2,21
14	4,60	3,74	3,34	3,11	2,96	2,85	2,70	2,60	2,46	2,39	2,31	2,13
15	4,54	3,68	3,29	3,06	2,90	2,79	2,64	2,54	2,40	2,33	2,25	2,07
16	4,49	3,63	3,24	3,01	2,85	2,74	2,59	2,49	2,35	2,28	2,19	2,01
17	4,45	3,59	3,20	2,96	2,81	2,70	2,55	2,45	2,31	2,23	2,15	1,96
18	4,41	3,55	3,16	2,93	2,77	2,66	2,51	2,41	2,27	2,19	2,11	1,92
19	4,38	3,52	3,13	2,90	2,74	2,63	2,48	2,38	2,23	2,16	2,07	1,88
20	4,35	3,49	3,10	2,87	2,71	2,60	2,45	2,35	2,20	2,12	2,04	1,84
22	4,30	3,44	3,05	2,82	2,66	2,55	2,40	2,30	2,15	2,07	1,98	1,78
24	4,26	3,40	3,01	2,78	2,62	2,51	2,36	2,25	2,11	2,03	1,94	1,73
26	4,23	3,37	2,98	2,74	2,59	2,47	2,32	2,22	2,07	1,99	1,90	1,69
28	4,20	3,34	2,95	2,71	2,56	2,45	2,29	2,19	2,04	1,96	1,87	1,65
30	4,17	3,32	2,92	2,69	2,53	2,42	2,27	2,16	2,01	1,93	1,84	1,62
40	4,08	3,23	2,84	2,61	2,45	2,34	2,18	2,08	1,92	1,84	1,74	1,51
50	4,03	3,18	2,79	2,56	2,40	2,29	2,13	2,03	1,87	1,78	1,69	1,44
60	4,00	3,15	2,76	2,53	2,37	2,25	2,10	1,99	1,84	1,75	1,65	1,39
80	3,96	3,11	2,72	2,49	2,33	2,21	2,06	1,95	1,79	1,70	1,60	1,32
100	3,94	3,09	2,70	2,46	2,31	2,19	2,03	1,93	1,77	1,68	1,57	1,28
∞	3,84	3,00	2,60	2,37	2,21	2,10	1,94	1,83	1,67	1,57	1,46	1,00

A.5. Lois de Fisher–Snedecor ($\alpha = 0,025$)

Si F est une variable aléatoire suivant la loi de Fisher–Snedecor à (ν_1, ν_2) degrés de liberté, la table donne la valeur $f_{1-\alpha}$ telle que

$$\mathbf{P}\{F \geq f_{1-\alpha}\} = \alpha = 0,025.$$

Ainsi, $f_{1-\alpha}$ est le quantile d'ordre $1 - \alpha = 0{,}975$ de la loi de Fisher–Snedecor à (ν_1, ν_2) degrés de liberté.

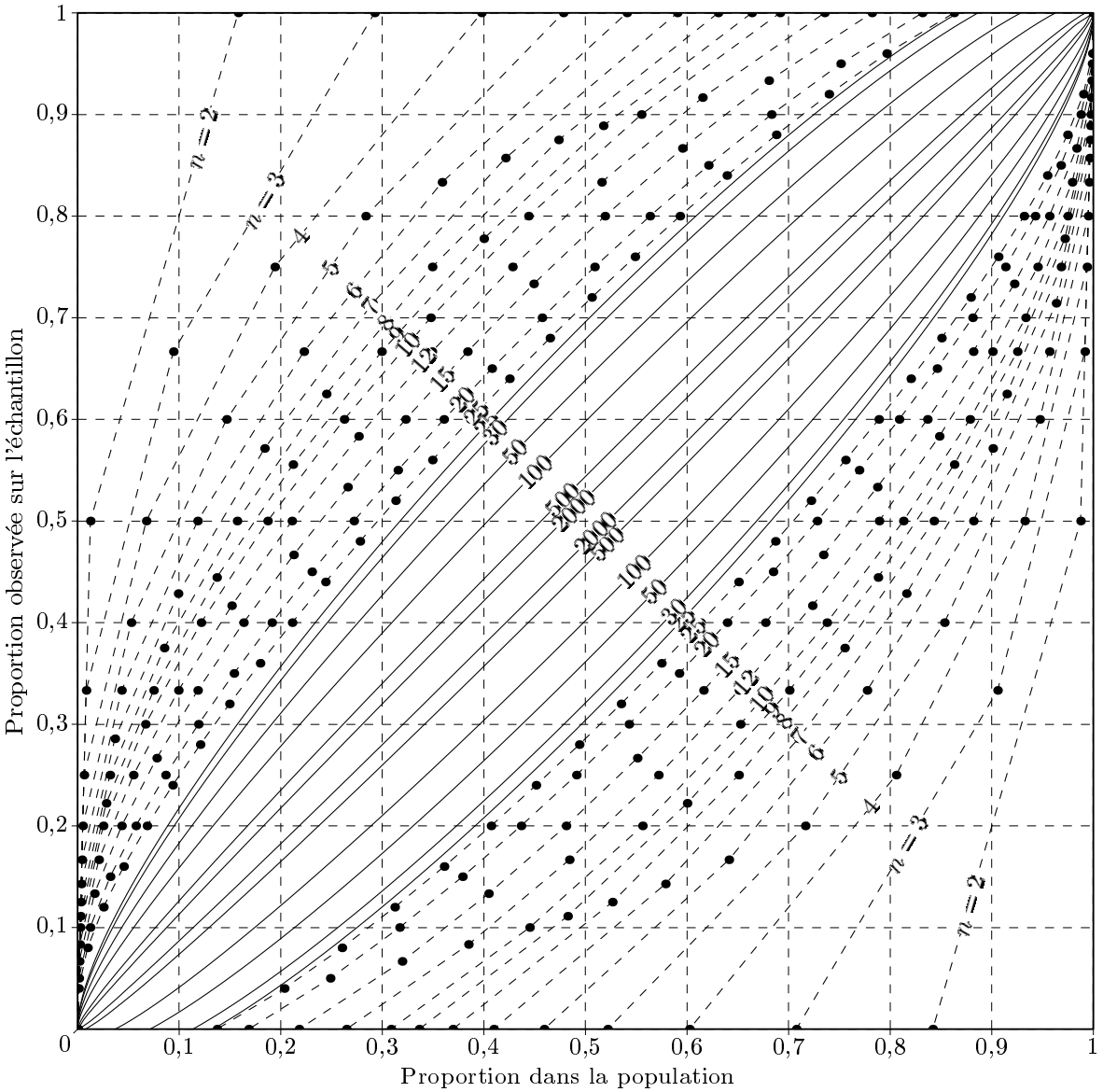


ν_2 \ ν_1	1	2	3	4	5	6	8	10	15	20	30	∞
1	648	800	864	900	922	937	957	969	985	993	1 001	1 018
2	38,5	39,0	39,2	39,2	39,3	39,3	39,4	39,4	39,4	39,4	39,5	39,5
3	17,4	16,0	15,4	15,1	14,9	14,7	14,5	14,4	14,3	14,2	14,1	13,9
4	12,2	10,6	9,98	9,60	9,36	9,20	8,98	8,84	8,66	8,56	8,46	8,26
5	10,0	8,43	7,76	7,39	7,15	6,98	6,76	6,62	6,43	6,33	6,23	6,02
6	8,81	7,26	6,60	6,23	5,99	5,82	5,60	5,46	5,27	5,17	5,07	4,85
7	8,07	6,54	5,89	5,52	5,29	5,12	4,90	4,76	4,57	4,47	4,36	4,14
8	7,57	6,06	5,42	5,05	4,82	4,65	4,43	4,30	4,10	4,00	3,89	3,67
9	7,21	5,71	5,08	4,72	4,48	4,32	4,10	3,96	3,77	3,67	3,56	3,33
10	6,94	5,46	4,83	4,47	4,24	4,07	3,85	3,72	3,52	3,42	3,31	3,08
11	6,72	5,26	4,63	4,28	4,04	3,88	3,66	3,53	3,33	3,23	3,12	2,88
12	6,55	5,10	4,47	4,12	3,89	3,73	3,51	3,37	3,18	3,07	2,96	2,72
13	6,41	4,97	4,35	4,00	3,77	3,60	3,39	3,25	3,05	2,95	2,84	2,60
14	6,30	4,86	4,24	3,89	3,66	3,50	3,29	3,15	2,95	2,84	2,73	2,49
15	6,20	4,76	4,15	3,80	3,58	3,41	3,20	3,06	2,86	2,76	2,64	2,40
16	6,12	4,69	4,08	3,73	3,50	3,34	3,12	2,99	2,79	2,68	2,57	2,32
17	6,04	4,62	4,01	3,66	3,44	3,28	3,06	2,92	2,72	2,62	2,50	2,25
18	5,98	4,56	3,95	3,61	3,38	3,22	3,01	2,87	2,67	2,56	2,44	2,19
19	5,92	4,51	3,90	3,56	3,33	3,17	2,96	2,82	2,62	2,51	2,39	2,13
20	5,87	4,46	3,86	3,51	3,29	3,13	2,91	2,77	2,57	2,46	2,35	2,09
22	5,79	4,38	3,78	3,44	3,22	3,05	2,84	2,70	2,50	2,39	2,27	2,00
24	5,72	4,32	3,72	3,38	3,15	2,99	2,78	2,64	2,44	2,33	2,21	1,94
26	5,66	4,27	3,67	3,33	3,10	2,94	2,73	2,59	2,39	2,28	2,16	1,88
28	5,61	4,22	3,63	3,29	3,06	2,90	2,69	2,55	2,34	2,23	2,11	1,83
30	5,57	4,18	3,59	3,25	3,03	2,87	2,65	2,51	2,31	2,20	2,07	1,79
40	5,42	4,05	3,46	3,13	2,90	2,74	2,53	2,39	2,18	2,07	1,94	1,64
50	5,34	3,98	3,39	3,06	2,83	2,67	2,46	2,32	2,11	1,99	1,87	1,55
60	5,29	3,93	3,34	3,01	2,79	2,63	2,41	2,27	2,06	1,94	1,82	1,48
80	5,22	3,86	3,28	2,95	2,73	2,57	2,36	2,21	2,00	1,88	1,75	1,40
100	5,18	3,83	3,25	2,92	2,70	2,54	2,32	2,18	1,97	1,85	1,71	1,35
∞	5,02	3,69	3,12	2,79	2,57	2,41	2,19	2,05	1,83	1,71	1,57	1,00

B. **Estimation d'une proportion par intervalle de confiance**

B.1. Abaque

L'abaque suivant a été construit pour un niveau de confiance $1-\alpha = 0{,}95$. Pour une taille d'échantillon $n \leq 25$, elle donne l'intervalle de confiance exact pour la proportion, et, pour $n > 25$, un intervalle de confiance approximatif — moins lourd à calculer — déterminé à l'aide d'une approximation normale.



En ordonnée, on place la proportion observée p et on obtient les bornes inférieure et supérieure de l'intervalle de confiance approximatif comme les abscisses des points d'intersection de la droite horizontale $y = p$ avec les deux courbes correspondant à la taille n de l'échantillon.

B.2. Table

La table suivante donne les bornes inférieures des intervalles de confiance de niveau $1-\alpha = 0,95$ pour une proportion, où n est la taille de l'échantillon et $p = k/n$ la proportion observée. L'intervalle de confiance est $[p_{n,k}\ ,\ 1-p_{n,n-k}]$ où les $p_{n,k}$ sont les valeurs lues dans le tableau et $p_{n,0} = 0$.

n \ k	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10
2	0,0126	0,1581								
3	0,0084	0,0943	0,2924							
4	0,0063	0,0676	0,1941	0,3976						
5	0,0050	0,0527	0,1466	0,2836	0,4782					
6	0,0042	0,0433	0,1181	0,2228	0,3588	0,5407				
7	0,0036	0,0367	0,0990	0,1841	0,2904	0,4213	0,5904			
8	0,0032	0,0318	0,0852	0,1570	0,2449	0,3491	0,4735	0,6306		
9	0,0028	0,0281	0,0749	0,1370	0,2120	0,2993	0,3999	0,5175	0,6637	
10	0,0025	0,0252	0,0667	0,1215	0,1871	0,2624	0,3475	0,4439	0,5550	0,6915
11	0,0023	0,0228	0,0602	0,1093	0,1675	0,2338	0,3079	0,3903	0,4822	0,5872
12	0,0021	0,0209	0,0549	0,0992	0,1517	0,2109	0,2767	0,3489	0,4281	0,5159
13	0,0019	0,0192	0,0504	0,0909	0,1386	0,1922	0,2513	0,3158	0,3857	0,4619
14	0,0018	0,0178	0,0466	0,0839	0,1276	0,1766	0,2304	0,2886	0,3514	0,4190
15	0,0017	0,0166	0,0433	0,0779	0,1182	0,1634	0,2127	0,2659	0,3229	0,3838
16	0,0016	0,0155	0,0405	0,0727	0,1102	0,1520	0,1975	0,2465	0,2988	0,3543
17	0,0015	0,0146	0,0380	0,0681	0,1031	0,1421	0,1844	0,2298	0,2781	0,3292
18	0,0014	0,0137	0,0358	0,0641	0,0969	0,1334	0,1730	0,2153	0,2602	0,3076
19	0,0013	0,0130	0,0338	0,0605	0,0915	0,1258	0,1629	0,2025	0,2445	0,2886
20	0,0013	0,0123	0,0321	0,0573	0,0866	0,1189	0,1539	0,1912	0,2306	0,2720

n \ k	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20
11	0,7151									
12	0,6152	0,7353								
13	0,5455	0,6397	0,7529							
14	0,4920	0,5719	0,6613	0,7684						
15	0,4490	0,5191	0,5954	0,6805	0,7820					
16	0,4134	0,4762	0,5435	0,6165	0,6977	0,7941				
17	0,3833	0,4404	0,5010	0,5657	0,6356	0,7131	0,8049			
18	0,3575	0,4099	0,4652	0,5236	0,5858	0,6529	0,7270	0,8147		
19	0,3350	0,3836	0,4345	0,4880	0,5443	0,6042	0,6686	0,7397	0,8235	
20	0,3153	0,3605	0,4078	0,4572	0,5090	0,5634	0,6211	0,6830	0,7513	0,8316

Exemples. — Pour un échantillon de taille $n = 5$ sur lequel une proportion observée est $3/5$, on trouve pour bornes de l'intervalle de confiance $0,1466$ et $1-0,0527 = 0,9473$, et, pour $n = 20$ et une proportion $12/20$, on a pour bornes $0,3605$ et $1-0,1912 = 0,8088$.

C. **Autres tables**

C.1. Table de quantiles de la statistique de Kolmogorov–Smirnov

La statistique de Kolmogorov–Smirnov apparaît lors d'un test d'adéquation d'une loi observée avec une loi de probabilité sur $\mathbf{R}$ sans partie discrète, c'est-à-dire de fonction de répartition $F : \mathbf{R} \to [0,1]$ continue. Elle est égale à

$$k = \sup_{x \in \mathbf{R}} |F(x) - F_n(x)| = \max_{i=1}^{n} \big(F(x_{(i)}) - (i-1)/n\big) \vee \big(i/n - F(x_{(i)})\big)$$

où $(x_{(i)})_{i=1}^n$ est l'échantillon ordonné, et $a \vee b = \max(a,b)$. Au seuil α donné, on accepte l'hypothèse d'égalité des lois si $k \leq k_{n,1-\alpha}$, cette dernière valeur étant donnée par la table qui suit.

α \ n	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9
0.01	1.0000	0.9950	0.9293	0.8290	0.7342	0.6685	0.6166	0.5758	0.5418	0.5133
0.05	1.0000	0.9750	0.8419	0.7076	0.6239	0.5633	0.5193	0.4834	0.4543	0.4300
0.10	1.0000	0.9500	0.7764	0.6360	0.5652	0.5094	0.4680	0.4361	0.4096	0.3875
0.15	1.0000	0.9250	0.7261	0.5958	0.5248	0.4744	0.4353	0.4050	0.3806	0.3601
0.20	1.0000	0.9000	0.6838	0.5648	0.4927	0.4470	0.4104	0.3815	0.3583	0.3391

α \ n	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
0.01	0.4889	0.4677	0.4490	0.4325	0.4176	0.4042	0.3920	0.3809	0.3706	0.3612
0.05	0.4092	0.3912	0.3754	0.3614	0.3489	0.3376	0.3273	0.3180	0.3094	0.3014
0.10	0.3687	0.3524	0.3381	0.3255	0.3142	0.3040	0.2947	0.2863	0.2785	0.2714
0.15	0.3425	0.3273	0.3141	0.3023	0.2918	0.2823	0.2737	0.2659	0.2587	0.2520
0.20	0.3226	0.3083	0.2957	0.2847	0.2748	0.2658	0.2577	0.2503	0.2436	0.2373

α \ n	20	21	22	23	24	25	26	27	28	29
0.01	0.3524	0.3443	0.3367	0.3295	0.3229	0.3166	0.3106	0.3050	0.2997	0.2947
0.05	0.2941	0.2872	0.2809	0.2749	0.2693	0.2640	0.2591	0.2544	0.2499	0.2457
0.10	0.2647	0.2586	0.2528	0.2475	0.2424	0.2377	0.2332	0.2290	0.2250	0.2212
0.15	0.2459	0.2402	0.2348	0.2298	0.2251	0.2207	0.2166	0.2127	0.2089	0.2054
0.20	0.2315	0.2261	0.2211	0.2164	0.2120	0.2079	0.2040	0.2003	0.1968	0.1934

α \ n	30	31	32	33	34	35	36	37	38	39
0.01	0.2899	0.2853	0.2809	0.2768	0.2728	0.2690	0.2653	0.2618	0.2584	0.2552
0.05	0.2417	0.2379	0.2342	0.2308	0.2274	0.2242	0.2212	0.2183	0.2154	0.2127
0.10	0.2176	0.2141	0.2108	0.2077	0.2047	0.2018	0.1991	0.1965	0.1939	0.1915
0.15	0.2021	0.1989	0.1958	0.1929	0.1901	0.1875	0.1849	0.1825	0.1801	0.1779
0.20	0.1903	0.1873	0.1844	0.1817	0.1791	0.1766	0.1742	0.1718	0.1696	0.1675

α \ n	40	42	44	46	48	50	52	54	56	58
0.01	0.2521	0.2461	0.2406	0.2354	0.2306	0.2260	0.2217	0.2177	0.2138	0.2102
0.05	0.2101	0.2052	0.2006	0.1963	0.1922	0.1884	0.1848	0.1814	0.1782	0.1752
0.10	0.1891	0.1847	0.1805	0.1766	0.1730	0.1696	0.1664	0.1633	0.1604	0.1577
0.15	0.1757	0.1715	0.1677	0.1641	0.1607	0.1575	0.1545	0.1517	0.1490	0.1465
0.20	0.1654	0.1616	0.1579	0.1545	0.1514	0.1484	0.1456	0.1429	0.1404	0.1380

α \ n	60	65	70	75	80	85	90	95	100	105
0.01	0.2067	0.1988	0.1917	0.1853	0.1795	0.1742	0.1694	0.1649	0.1608	0.1570
0.05	0.1723	0.1657	0.1597	0.1544	0.1496	0.1452	0.1412	0.1375	0.1340	0.1308
0.10	0.1551	0.1491	0.1438	0.1390	0.1347	0.1307	0.1271	0.1238	0.1207	0.1178
0.15	0.1441	0.1385	0.1336	0.1291	0.1251	0.1214	0.1181	0.1150	0.1121	0.1094
0.20	0.1357	0.1305	0.1258	0.1216	0.1178	0.1144	0.1112	0.1083	0.1056	0.1031

α \ n	110	120	130	140	150	160	170	180	190	200
0.01	0.1534	0.1470	0.1413	0.1362	0.1316	0.1275	0.1237	0.1203	0.1171	0.1142
0.05	0.1279	0.1225	0.1178	0.1135	0.1097	0.1063	0.1031	0.1003	0.0976	0.0952
0.10	0.1151	0.1103	0.1060	0.1022	0.0988	0.0957	0.0929	0.0903	0.0879	0.0857
0.15	0.1070	0.1025	0.0985	0.0950	0.0918	0.0889	0.0863	0.0839	0.0817	0.0796
0.20	0.1008	0.0965	0.0928	0.0895	0.0865	0.0838	0.0813	0.0790	0.0769	0.0750

Dudley (1964) a montré que pour tout $u > 0$,

$$\lim_{n\to\infty} \mathbf{P}\{K_n \leq u/\sqrt{n}\} = 1 + 2\sum_{k=1}^{\infty}(-1)^k \, \mathrm{e}^{-2k^2u^3},$$

d'où on peut déduire des approximations des quantiles lorsque n est grand.

C.2. Tables du test des rangs de Wilcoxon

α \ n	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19	20	21	22	23	24	25
0.10	0	0	0	0	0	2	3	5	8	10	13	17	21	25	30	35	41	47	53	60	67	75	83	91	100
0.05	0	0	0	0	0	0	2	3	5	8	10	13	17	21	25	29	34	40	46	52	58	65	73	81	89
0.01	0	0	0	0	0	0	0	0	1	3	5	7	9	12	15	19	23	27	32	37	42	48	54	61	68

Remarque. — Les tables et illustrations de ce document ne sont soumises à aucun copyright, elles sont *copyleft*. Elles ont été réalisées à l'aide des langages C, MetaPost et TEX. Contact : `phan@math.univ-poitiers.fr`.